

SUITES ARITHMÉTIQUES ET SUITES GÉOMÉTRIQUES

▶ Tout le cours en vidéo : <https://youtu.be/05UHsy9G4M4>

Partie 1 : Suites arithmétiques

1) Définition

Exemple :

Considérons la suite (u_n) où l'on passe d'un terme au suivant en **ajoutant 5**.

Si le premier terme est égal à 3, les termes suivants sont :

$$u_0 = 3,$$

$$u_1 = 8,$$

$$u_2 = 13,$$

$$u_3 = 18.$$

Une telle suite est appelée une suite arithmétique de **raison 5** et de premier terme 3.

La suite est donc définie par :
$$\begin{cases} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = u_n + 5 \end{cases}$$

Définition : Une suite (u_n) est une **suite arithmétique** s'il existe un nombre r tel que pour tout entier n , on a : $u_{n+1} = u_n + r$.
Le nombre r est appelé **raison** de la suite.

Remarque :

La raison peut être un nombre négatif. On peut par exemple ajouter -2 .

Méthode : Démontrer qu'une suite est arithmétique

▶ Vidéo <https://youtu.be/YCokWYcBBOk>

a) La suite (u_n) définie par : $u_n = 7 - 9n$ est-elle arithmétique ?

b) La suite (v_n) définie par : $v_n = n^2 + 3$ est-elle arithmétique ?

Correction

$$\begin{aligned} \text{a) } u_{n+1} - u_n &= 7 - 9(n+1) - (7 - 9n) \\ &= 7 - 9n - 9 - 7 + 9n \\ &= -9. \end{aligned}$$

La différence entre deux termes successifs reste constante et égale à -9 , donc on passe d'un terme au suivant en ajoutant -9 .

(u_n) est une suite arithmétique de raison -9 .

$$\begin{aligned} \text{b) } v_{n+1} - v_n &= (n+1)^2 + 3 - (n^2 + 3) \\ &= n^2 + 2n + 1 + 3 - n^2 - 3 \\ &= 2n + 1. \end{aligned}$$

La différence entre un terme et son précédent n'est pas constante car elle dépend de n .
 (v_n) n'est pas une suite arithmétique.

Propriété : (u_n) est une suite arithmétique de raison r et de premier terme u_0 .
 Pour tout entier naturel n , on a : $u_n = u_0 + nr$

Démonstration au programme :

 **Vidéo** https://youtu.be/In4_xM_ZjD0

La suite arithmétique (u_n) de raison r et de premier terme u_0 vérifie la relation

$$u_{n+1} = u_n + r.$$

En calculant les premiers termes :

$$u_1 = u_0 + r$$

$$u_2 = u_1 + r$$

$$u_3 = u_2 + r$$

...

$$u_n = u_{n-1} + r$$

En additionnant membre à membre ces n égalités, on obtient :

$$u_1 + u_2 + u_3 + \dots + u_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{n-1} + n \times r$$

Soit, en retranchant aux deux membres les termes identiques :

$$u_n = u_0 + nr$$

Méthode : Déterminer une expression en fonction de n d'une suite arithmétique

 **Vidéo** <https://youtu.be/6O0KhPMHvBA>

a) Déterminer l'expression, en fonction de n , de la suite arithmétique définie par :

$$\begin{cases} u_0 = 7 \\ u_{n+1} = u_n - 4 \end{cases}$$

b) Déterminer l'expression, en fonction de n , de la suite arithmétique définie par :

$$\begin{cases} u_1 = 5 \\ u_{n+1} = u_n + 3 \end{cases}$$

Correction

a) On a : $u_0 = 7$ et $u_{n+1} = u_n - 4$

On passe d'un terme au suivant en ajoutant -4 , et donc la raison r est égal à -4 et le premier terme u_0 est égal à 7 .

Ainsi :

$$u_n = u_0 + nr$$

$$u_n = 7 + n \times (-4)$$

$$u_n = 7 - 4n$$

b) On a : $u_1 = 5$ et $u_{n+1} = u_n + 3$

On passe d'un terme au suivant en ajoutant 3 , donc la raison r est égale à 3 .

Ici, le terme u_0 n'est pas donné mais on peut le calculer.

Pour passer de u_1 à u_0 , on retire 3 (« marche arrière ») donc $u_0 = u_1 - 3 = 2$.

Ainsi :

$$u_n = u_0 + nr$$

$$u_n = 2 + 3n$$

⚠ À noter : Il peut être pratique d'appliquer directement la formule : $u_n = u_1 + (n - 1)r$

Méthode : Déterminer la raison et le premier terme d'une suite arithmétique

▶ Vidéo <https://youtu.be/iEuoMgBblz4>

Considérons la suite arithmétique (u_n) tel que $u_5 = 7$ et $u_9 = 19$.

a) Déterminer la raison et le premier terme de la suite (u_n) .

b) Exprimer u_n en fonction de n .

Correction

a) Les termes de la suite sont de la forme $u_n = u_0 + nr$

Ainsi :

$$\begin{array}{l} \left\{ \begin{array}{l} u_5 = u_0 + 5r \\ u_9 = u_0 + 9r \end{array} \right. \\ - \left\{ \begin{array}{l} 7 = u_0 + 5r \\ 19 = u_0 + 9r \end{array} \right. \\ \hline \end{array}$$

$$7 - 19 = u_0 + 5r - u_0 - 9r \quad \leftarrow \text{On soustrait membre à membre}$$

$$-12 = -4r$$

$$\frac{-12}{-4} = r$$

$$r = 3$$

Comme $u_0 + 5r = 7$, on a :

$$u_0 + 5 \times 3 = 7$$

$$u_0 = 7 - 15$$

$$u_0 = -8.$$

b) $u_n = u_0 + nr$

$$u_n = -8 + n \times 3$$

$$u_n = 3n - 8$$

2) Sens de variation

Propriété : (u_n) est une suite arithmétique de raison r .

- Si $r > 0$ alors la suite (u_n) est croissante.

- Si $r < 0$ alors la suite (u_n) est décroissante.

Démonstration : $u_{n+1} - u_n = u_n + r - u_n = r$.

- Si $r > 0$ alors $u_{n+1} - u_n > 0$ et la suite (u_n) est croissante.

- Si $r < 0$ alors $u_{n+1} - u_n < 0$ et la suite (u_n) est décroissante.

Méthode : Déterminer le sens de variation d'une suite arithmétique

📺 Vidéo <https://youtu.be/R3sHNwOb02M>

Étudier les variations des suites arithmétiques (u_n) et (v_n) définies par :

a) $u_n = 3 + 5n$

b) $\begin{cases} v_0 = -3 \\ v_{n+1} = v_n - 4 \end{cases}$

Correction

a) (u_n) est croissante car de raison positive et égale à 5.

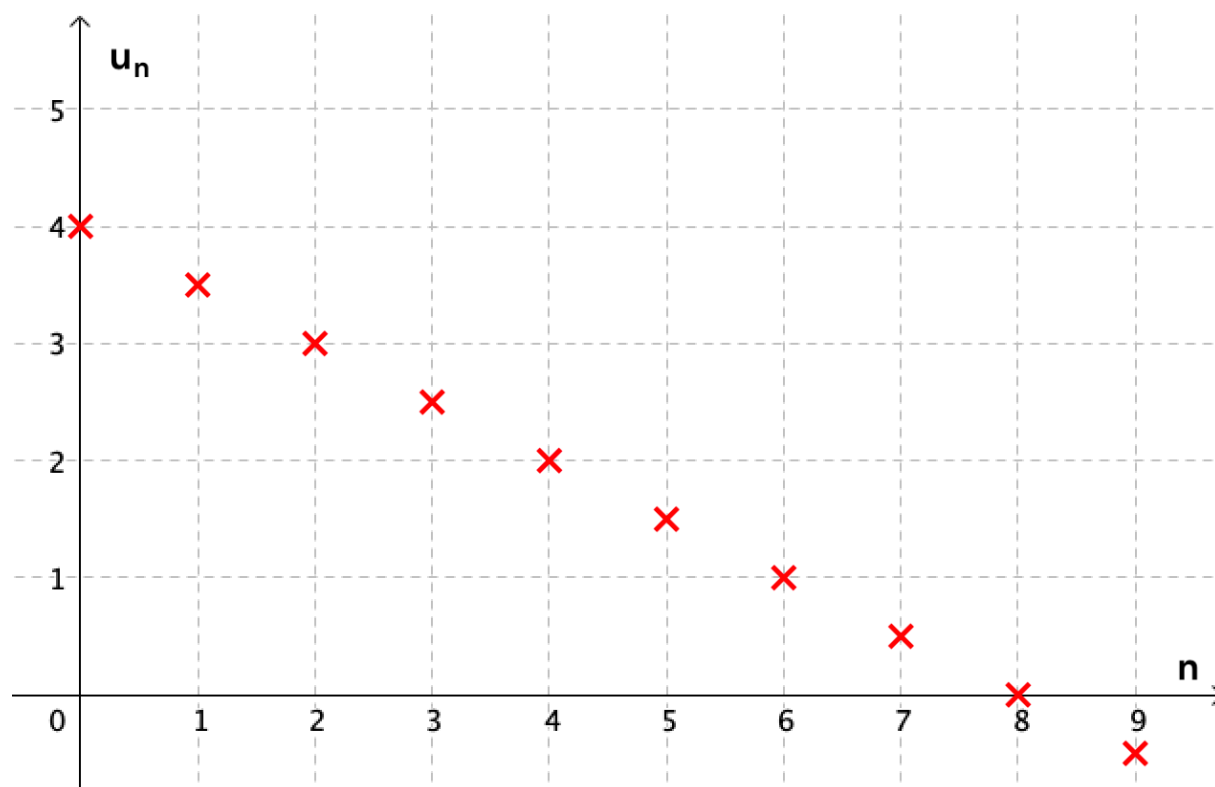
b) On passe d'un terme au suivant en ajoutant -4 . (v_n) est décroissante car de raison négative et égale à -4 .

3) Représentation graphique

Les points de la représentation graphique d'une suite arithmétique sont alignés.

Exemple :

On a représenté ci-dessous la suite de raison $-0,5$ et de premier terme 4.



RÉSUMÉ	(u_n) une suite arithmétique - de raison r - de premier terme u_0 .	Exemple : $r = -0,5$ et $u_0 = 4$
Définition	$u_{n+1} = u_n + r$	$u_{n+1} = u_n - 0,5$ La différence entre un terme et son précédent est égale à $-0,5$.
Propriété	$u_n = u_0 + nr$	$u_n = 4 - 0,5n$
Sens De variation	Si $r > 0$: (u_n) est croissante. Si $r < 0$: (u_n) est décroissante.	$r = -0,5 < 0$ La suite (u_n) est décroissante.
Représentation graphique	Remarque : Les points de la représentation graphique sont alignés. La croissance est linéaire.	

Partie 2 : Suites géométriques

1) Définition

Exemple :

Considérons la suite (u_n) où l'on passe d'un terme au suivant en **multipliant par 2**.
Si le premier terme est égal à 5, les termes suivants sont :

$$u_0 = 5,$$

$$u_1 = 10,$$

$$u_2 = 20,$$

$$u_3 = 40.$$

Une telle suite est appelée une suite géométrique de **raison 2** et de premier terme 5.

La suite est donc définie par : $\begin{cases} u_0 = 5 \\ u_{n+1} = 2u_n \end{cases}$

Définition : Une suite (u_n) est une **suite géométrique** s'il existe un nombre réel q tel que pour tout entier n , on a : $u_{n+1} = q \times u_n$.
Le nombre q est appelé **raison** de la suite.

Méthode : Démontrer qu'une suite est géométrique

 **Vidéo** <https://youtu.be/YPbEHxuMaeQ>

La suite (u_n) définie par : $u_n = 3 \times 5^n$ est-elle géométrique ?

Correction

$$\frac{u_{n+1}}{u_n} = \frac{3 \times 5^{n+1}}{3 \times 5^n} = \frac{5^{n+1}}{5^n} = 5^{n+1-n} = 5$$

Le rapport entre un terme et son précédent reste constant et égale à 5, donc on passe d'un terme au suivant en multipliant par 5.

(u_n) est une suite géométrique de raison 5 et de premier terme $u_0 = 3 \times 5^0 = 3$.

Exemple concret :

On place un capital de 500 € sur un compte dont les intérêts annuels s'élèvent à 4 %.

Chaque année, le capital est donc multiplié par 1,04.

Ce capital suit une progression géométrique de raison 1,04.

On a ainsi :

$$u_1 = 1,04 \times 500 = 520$$

$$u_2 = 1,04 \times 520 = 540,80$$

$$u_3 = 1,04 \times 540,80 = 562,432$$

De manière générale : $u_{n+1} = 1,04 \times u_n$ avec $u_0 = 500$

Propriété : (u_n) est une suite géométrique de raison q et de premier terme u_0 .
Pour tout entier naturel n , on a : $u_n = u_0 \times q^n$.

Démonstration au programme :

 Vidéo <https://youtu.be/OpLU8Ci1GnE>

La suite géométrique (u_n) de raison q et de premier terme u_0 vérifie la relation

$$u_{n+1} = q \times u_n.$$

- Si q ou u_0 est nul, alors tous les termes de la suite sont nuls. La démonstration est évidente dans ce cas.

- Dans la suite, on suppose donc que q et u_0 sont non nuls. Dans ce cas, tous les termes de la suite sont non nuls.

En calculant les premiers termes :

$$u_1 = q \times u_0$$

$$u_2 = q \times u_1$$

$$u_3 = q \times u_2$$

...

$$u_n = q \times u_{n-1}$$

En multipliant membre à membre ces n égalités, on obtient :

$$u_1 \times u_2 \times u_3 \times \dots \times u_n = u_0 \times u_1 \times u_2 \times \dots \times u_{n-1} \times q^n$$

Comme les termes de la suite sont non nuls, on peut diviser aux deux membres les facteurs identiques, on obtient : $u_n = u_0 \times q^n$

Méthode : Déterminer une expression en fonction de n d'une suite géométrique

 **Vidéo** <https://youtu.be/WTmdtbQpa0c>

a) Déterminer l'expression en fonction de n de la suite géométrique définie par :

$$\begin{cases} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = 4u_n \end{cases}$$

b) Déterminer l'expression en fonction de n de la suite géométrique définie par :

$$\begin{cases} u_1 = 5 \\ u_{n+1} = 2u_n \end{cases}$$

Correction

a) On a : $u_0 = 3$ et $u_{n+1} = 4u_n$

On passe d'un terme au suivant en multipliant par 4, donc la raison q est égal à 4 et le premier terme u_0 est égal à 3.

Ainsi :

$$\begin{aligned} u_n &= u_0 \times q^n \\ u_n &= 3 \times 4^n \end{aligned}$$

b) On a : $u_1 = 5$ et $u_{n+1} = 2u_n$

On passe d'un terme au suivant en multipliant par 2 donc la raison q est égal à 2.

Ici, le terme u_0 n'est pas donné mais on peut le calculer.

Pour passer de u_1 à u_0 , on divise par 2 (« marche arrière ») donc :

$$u_0 = \frac{u_1}{2} = \frac{5}{2} = 2,5.$$

La raison q est égal à 2 et le premier terme u_0 est égal à 2,5.

Ainsi :

$$\begin{aligned} u_n &= u_0 \times q^n \\ u_n &= 2,5 \times 2^n \end{aligned}$$

 **À noter :** Il peut être pratique d'appliquer directement la formule : $u_n = u_1 \times q^{n-1}$

Méthode : Déterminer la raison et le premier terme d'une suite géométrique

 **Vidéo** <https://youtu.be/wUfleWpRr10>

Considérons la suite géométrique (u_n) tel que $u_4 = 8$ et $u_7 = 512$.

a) Déterminer la raison et le premier terme de la suite (u_n) .

b) En déduire une expression de la suite en fonction de n .

Correction

a) Les termes de la suite sont de la forme $u_n = u_0 \times q^n$.

$$\text{Ainsi : } \begin{cases} u_4 = u_0 \times q^4 \\ u_7 = u_0 \times q^7 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 8 = u_0 \times q^4 \\ 512 = u_0 \times q^7 \end{cases}$$

$$\frac{512}{8} = \frac{u_0 \times q^7}{u_0 \times q^4} \quad \leftarrow \text{On effectue le quotient membre à membre}$$

$$64 = \frac{q^7}{q^4}$$

$$64 = q^3$$

On utilise la fonction racine troisième de la calculatrice pour trouver le nombre qui élevé au cube donne 64.

$$\text{Ainsi } q = \sqrt[3]{64} = 4$$

Comme $u_0 \times q^4 = 8$, on a :

$$u_0 \times 4^4 = 8$$

$$u_0 = \frac{8}{4^4}$$

$$u_0 = \frac{1}{32}$$

$$\text{Et donc : } u_n = \frac{1}{32} \times 4^n$$

2) Sens de variation

Propriété : (u_n) est une suite géométrique de raison q et de premier terme non nul u_0 .

Pour $u_0 > 0$:

- Si $q > 1$ alors la suite (u_n) est croissante.

- Si $0 < q < 1$ alors la suite (u_n) est décroissante.

Pour $u_0 < 0$:

- Si $q > 1$ alors la suite (u_n) est décroissante.

- Si $0 < q < 1$ alors la suite (u_n) est croissante.

Démonstration dans le cas où $u_0 > 0$:

$$u_{n+1} - u_n = u_0 q^{n+1} - u_0 q^n = u_0 q^n (q - 1).$$

- Si $q > 1$ alors $u_{n+1} - u_n > 0$ et la suite (u_n) est croissante.

- Si $0 < q < 1$ alors $u_{n+1} - u_n < 0$ et la suite (u_n) est décroissante.

Remarques :

- Si $q = 1$, la suite est constante.
- Si $q \leq 0$, la suite n'est pas monotone.

Méthode : Déterminer le sens de variation d'une suite géométrique

 **Vidéo** <https://youtu.be/vLshnJqW-64>

Déterminer le sens de variation des suites géométriques (u_n) et (v_n) définies par :

$$\text{a) } u_n = -4 \times 2^n \qquad \text{b) } \begin{cases} v_0 = -2 \\ v_{n+1} = \frac{1}{2} u_n \end{cases}$$

Correction

a) La suite géométrique (u_n) définie par $u_n = -4 \times 2^n$ est **décroissante** car :

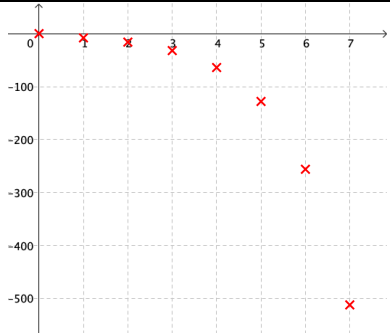
$$u_0 = -4 \text{ donc } u_0 < 0$$

$$\text{et } q = 2 \text{ donc } q > 1$$

b) La suite géométrique (v_n) définie par $v_{n+1} = \frac{1}{2}v_n$ et $v_0 = -2$ est **croissante** car :

$$v_0 = -2 \text{ donc } v_0 < 0$$

$$\text{et } q = \frac{1}{2} \text{ donc } 0 < q < 1.$$

RÉSUMÉ	(u_n) une suite géométrique de raison q de premier terme u_0 .	Exemple : $q = 2$ et $u_0 = -4$
Définition	$u_{n+1} = q \times u_n$	$u_{n+1} = 2u_n$ Le rapport entre un terme et son précédent est égal à 2.
Propriété	$u_n = u_0 \times q^n$	$u_n = -4 \times 2^n$
Sens de variation	Pour $u_0 > 0$: Si $q > 1$: (u_n) est croissante. Si $0 < q < 1$: (u_n) est décroissante. Pour $u_0 < 0$: Si $q > 1$: (u_n) est décroissante. Si $0 < q < 1$: (u_n) est croissante.	$u_0 = -4 < 0$ $q = 2 > 1$ La suite (u_n) est décroissante.
Représentation graphique	Remarques : Si $q < 0$: la suite géométrique n'est ni croissante ni décroissante. La croissance est exponentielle.	

Partie 3 : Sommes de termes consécutifs1) Cas des suites arithmétiques

Propriété : n est un entier naturel non nul, alors on a : $1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$

Remarque : Il s'agit de la somme des n premiers termes d'une suite arithmétique de raison 1 et de premier terme 1.

Démonstration au programme :

 Vidéo <https://youtu.be/-G3FWv5Bkzk>

$$\begin{array}{cccccccc}
 1 & + & 2 & + & 3 & + & \dots & + & n-1 & + & n \\
 + & n & + & n-1 & + & n-2 & + & \dots & + & 2 & + & 1 \\
 \hline
 (n+1) & + & (n+1) & + & (n+1) & + & \dots & + & (n+1) & + & (n+1) \\
 = n \times (n+1)
 \end{array}$$

Donc : $2 \times (1 + 2 + 3 + \dots + n) = n(n + 1)$

Et donc : $1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$.

Méthode : Calculer la somme des termes d'une suite arithmétique

 Vidéo <https://youtu.be/WeDtB9ZUTHs>

 Vidéo <https://youtu.be/iSfevWwk8e4>

Calculer les sommes suivantes :

$$S_1 = 1 + 2 + 3 + \dots + 348$$

$$S_2 = 15 + 16 + 17 + \dots + 88$$

$$S_3 = 33 + 36 + 39 + \dots + 267$$

Correction

- $$\begin{aligned}
 S_1 &= 1 + 2 + 3 + \dots + 348 \quad \leftarrow n = 348 \text{ dans la formule} \\
 &= \frac{348 \times (348 + 1)}{2} \\
 &= \frac{348 \times 349}{2} \\
 &= 60\,726
 \end{aligned}$$

- $$\begin{aligned}
 S_2 &= 15 + 16 + 17 + \dots + 88 \\
 &= (1 + 2 + 3 + \dots + 88) - (1 + 2 + 3 + \dots + 14) \\
 &= \frac{88 \times 89}{2} - \frac{14 \times 15}{2} \\
 &= 3916 - 105 \\
 &= 3811
 \end{aligned}$$

- $$\begin{aligned}
 S_3 &= 33 + 36 + 39 + \dots + 267 \\
 &= 3 \times 11 + 3 \times 12 + 3 \times 13 + \dots + 3 \times 89 \\
 &= 3 \times (11 + 12 + 13 + \dots + 89) \\
 &= 3 \times ((1 + 2 + 3 + \dots + 89) - (1 + 2 + 3 + \dots + 10)) \\
 &= 3 \times \left(\frac{89 \times 90}{2} - \frac{10 \times 11}{2} \right) \\
 &= 3 \times (4005 - 55) \\
 &= 11\,850
 \end{aligned}$$



Une anecdote relate comment le mathématicien allemand *Carl Friedrich Gauss* (1777 ; 1855), alors âgé de 10 ans a fait preuve d'un talent remarquable pour le calcul mental. Voulant occuper ses élèves, le professeur demande d'effectuer des additions, plus exactement d'effectuer la somme des nombres de 1 à 100. Après très peu de temps, le jeune *Gauss* impressionne son professeur en donnant la réponse correcte. Sa technique consiste à regrouper astucieusement les termes extrêmes par deux. Sans le savoir encore, *Gauss* a découvert la formule permettant de calculer la somme des termes d'une série arithmétique.

2) Cas des suites géométriques

Propriété : n est un entier naturel non nul et q un réel différent de 1 alors on a :

$$1 + q + q^2 + q^3 + \dots + q^n = \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q}$$

Remarque : Il s'agit de la somme des $n + 1$ premiers termes d'une suite géométrique de raison q et de premier terme 1.

Démonstration au programme :

▶ Vidéo <https://youtu.be/7msY7aEe084>

$$S = 1 + q + q^2 + q^3 + \dots + q^n$$

$$q \times S = q + q^2 + q^3 + q^4 + \dots + q^{n+1}$$

Ainsi :

$$S - q \times S = (1 + q + q^2 + q^3 + \dots + q^n) - (q + q^2 + q^3 + q^4 + \dots + q^{n+1})$$

$$S - q \times S = 1 - q^{n+1}$$

$$S \times (1 - q) = 1 - q^{n+1}$$

$$S = \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q}$$

Méthode : Calculer la somme des termes d'une suite géométrique

▶ Vidéo <https://youtu.be/eSDrE1phUXY>

▶ Vidéo <https://youtu.be/gUkOjvAiZGA>

Calculer les sommes suivantes :

$$S_1 = 1 + \frac{1}{2} + \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{2}\right)^3 + \dots + \left(\frac{1}{2}\right)^7$$

$$S_2 = 3 + 3^2 + 3^3 + \dots + 3^{13}$$

Correction

$$\begin{aligned}
 \bullet S_1 &= 1 + \frac{1}{2} + \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{2}\right)^3 + \dots + \left(\frac{1}{2}\right)^7 \quad \leftarrow n = 7 \text{ et } q = \frac{1}{2} \text{ dans la formule} \\
 &= \frac{1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{7+1}}{1 - \frac{1}{2}} \\
 &= \frac{1 - \left(\frac{1}{2}\right)^8}{\frac{1}{2}} \\
 &= \left(1 - \left(\frac{1}{2}\right)^8\right) : \frac{1}{2} \\
 &= \left(1 - \frac{1}{256}\right) \times 2 \\
 &= \left(\frac{256}{256} - \frac{1}{256}\right) \times 2 \\
 &= \frac{255}{256} \times 2 \\
 &= \frac{255}{128}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \bullet S_2 &= 3 + 3^2 + 3^3 + \dots + 3^{13} \\
 &= 1 + 3 + 3^2 + 3^3 + \dots + 3^{13} - 1 \\
 &= \frac{1 - 3^{14}}{1 - 3} - 1 \\
 &= 2\,391\,484 - 1 \\
 &= 2\,391\,483
 \end{aligned}$$

Méthode : Calculer la somme des termes d'une suite géométrique (problème)

 Vidéo <https://youtu.be/XcszOqP9sbk>

Un entrepreneur investit au départ 20 000 €. Puis, chaque mois, il investit un montant supplémentaire diminuée de 30 % par rapport au mois précédent.

On note u_n le montant investi au mois n . On considère alors que $u_0 = 20\,000$.

Calculer le montant total investi la première année (12 mois).

Correction

Diminuer un nombre de 30 % revient à le multiplier par $1 - 0,30 = 0,70$.

La suite (u_n) est donc définie, pour tout entier n , par : $u_0 = 20\,000$ et $u_{n+1} = 0,7u_n$.

(u_n) est donc une suite géométrique de premier terme $u_0 = 20\,000$ et de raison $q = 0,7$.

Et on a : $u_n = 20000 \times 0,7^n$.

Le montant total investi la première année est égal à :

Yvan Monka – Académie de Strasbourg – www.maths-et-tiques.fr

$$\begin{aligned}
& u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{11} \\
&= 20000 \times 0,7^0 + 20000 \times 0,7^1 + 20000 \times 0,7^2 + \dots + 20000 \times 0,7^{11} \\
&= 20000 \times (0,7^0 + 0,7^1 + 0,7^2 + \dots + 0,7^{11}) \\
&= 20000 \times \frac{1 - 0,7^{12}}{1 - 0,7} \\
&= 20000 \times \frac{1 - 0,7^{12}}{0,3} \\
&\approx 65744
\end{aligned}$$

Le montant total investi la première année est environ égal à 65 744 €.

3) Algorithme de somme

Méthode : Appliquer l'algorithme de somme

 Vidéo <https://youtu.be/3bwycUctmg>

Pour tout entier n , on donne : $\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = 0,2u_n + 1 \end{cases}$

Calculer à l'aide d'un programme la somme $u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{10}$.

Correction

La suite (u_n) n'est ni arithmétique, ni géométrique. Il n'est donc pas possible d'utiliser les formules vues plus haut pour calculer la somme des termes successifs.

Pour cela, on va utiliser un programme Python.

```
def somme(n):
    u=2
    s=0
    for i in range (0,n+1):
        s=s+u
        u=0.2*u+1
    return(s)
```

```
>>> somme(10)
14.687499980800002
```

On trouve : $u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{10} \approx 14,69$



Hors du cadre de la classe, aucune reproduction, même partielle, autres que celles prévues à l'article L 122-5 du code de la propriété intellectuelle, ne peut être faite de ce site sans l'autorisation expresse de l'auteur.

www.maths-et-tiques.fr/index.php/mentions-legales