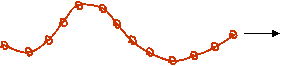
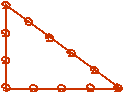
LE THÉORÈME DE PYTHAGORE - Chapitre 1/2

 **Tout le cours en vidéo :** [**https://youtu.be/QYM86GzWWG8**](https://youtu.be/QYM86GzWWG8)

***Pythagore de Samos*** (-569 à -475) a fondé l’école pythagoricienne (à Crotone, Italie du Sud).

Le théorème de Pythagore bien connu des élèves de 4e, n'est en fait pas une découverte de *Pythagore*, il était déjà connu par les Chinois et les babyloniens 1000 ans avant lui. Pythagore (ou ses disciples) aurait découvert la formule générale.

Les Égyptiens connaissaient aussi le théorème. Ils utilisaient

la [corde à 13 nœuds](http://perso.wanadoo.fr/therese.eveilleau/pages/truc_mat/textes/corde.htm) (régulièrement répartis) qui une fois

tendue formait le triangle rectangle 3 ; 4 ; 5 et permettait

d’obtenir un angle droit entre deux « longueurs ».

Corde qui sera encore utilisée par les maçons du XXe siècle pour s’assurer de la perpendicularité des murs.

**Partie 1 : L’égalité de Pythagore**

 **Vidéo** [**https://youtu.be/\_6ZjpAIWNkM**](https://youtu.be/_6ZjpAIWNkM)

Exemple :

B

C

A

5

4

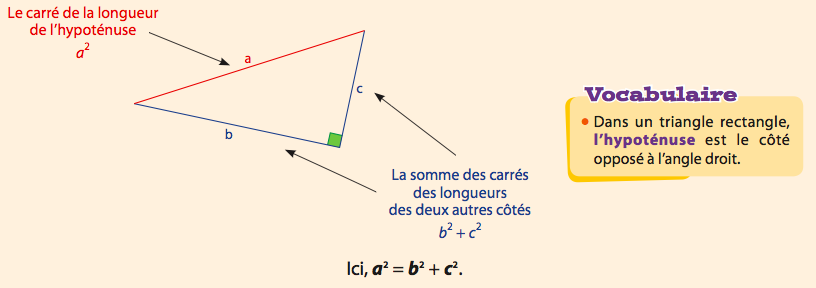
3

ABC est un triangle rectangle en A,

BC2 = 52 = 25

AB2 + AC2 = 32 + 42 = 25

On constate que BC2 = AB2 + AC2



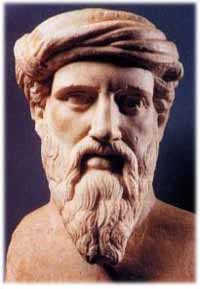
L’égalité a2 = b2 + c2 s’appelle l’égalité de Pythagore.

Animation : [*http://www.maths-et-tiques.fr/telech/Pythagore.ggb*](http://www.maths-et-tiques.fr/telech/Pythagore.ggb)

Écrire la formule : [*http://www.maths-et-tiques.fr/telech/pyth\_ecrire.pdf*](http://www.maths-et-tiques.fr/telech/pyth_ecrire.pdf)

**Partie 2 : Racine carrée d’un nombre**

La devise pythagoricienne était « Tout est nombre » au sens de nombres rationnels (quotient de deux entiers).



L'erreur des pythagoriciens est d'avoir toujours nié l'existence des nombres irrationnels.   
Par la diagonale d'un carré de côté 1, ils trouvent le nombre inexprimable qui étonne puis bouleverse les pythagoriciens. Dans un carré d'une telle simplicité niche un nombre indicible et jamais rencontré jusqu'alors. Cette découverte doit rester secrète pour ne pas rompre le fondement même de la Fraternité pythagoricienne jusqu'à ce qu'un des membres, Hippase de Métaponte, trahisse le secret. Celui-ci périra "curieusement" dans un naufrage !

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 5 | 7 | 6 | 8 | 3,1 | 2,36 | 2,3 |
| 25 | 49 | 36 | 64 | 9,61 | 5,5696 | 5,29 |

Par exemple :

On a : , le nombre dont le carré est égal à est .

On note alors : .

Définition : La **racine carrée** de est le nombre (toujours positif) dont le carré est .

On note : .

Origine du symbole :

**IIe siècle :** **l12** = côté d’un carré d’aire 12 (**l** comme latus = côté en latin)

**1525, Christoph RUDOLFF, all. :** ***v*12** (vient du r de racine, radix en latin)

**XVIe siècle, Michael STIFEL, all. :** (combinaison du « ***v*** » de Rudolff et de la barre « » ancêtre des parenthèses)

Racines carrées utiles à connaître :

= 2 = 6 = 10

= 3 = 7 = 11

= 4 = 8 = 12

= 5 = 9

Remarque :

La racine carrée de est le nombre dont le carré est  !

Un nombre au carré est toujours positif (règle des signes), donc la racine carrée d’un nombre négatif est impossible. n’existe pas !

Méthode : Encadrer une racine carrée par deux entiers consécutifs

 **Vidéo** [**https://youtu.be/bjS5LW-hgWk**](https://youtu.be/bjS5LW-hgWk)

Encadrer par deux entiers consécutifs.

**Correction**

On utilise la liste des racines carrées utiles à connaître (voir plus haut) :

Une image contenant table

Description générée automatiquement

est compris entre et →

On a alors :

Soit :

Méthode : Calculer la racine carrée d’un nombre

 **Vidéo** [**https://youtu.be/2g67qQnGgrE**](https://youtu.be/2g67qQnGgrE)

Dans chaque cas, trouver un nombre qui vérifie l’égalité :

a) b) c) d)

**Correction**

a)

Le nombre donc le carré est 81 est .

Donc :

b)donc :

c)

Avec la calculatrice, on trouve :



d)

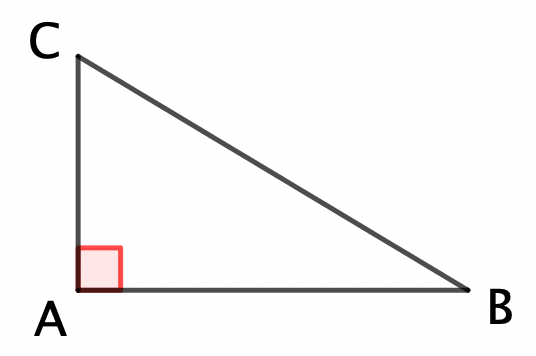
On cherche un nombre dont le carré est égal à 14.

Il n’existe pas de valeur décimale exacte dont le carré est égal à 14.

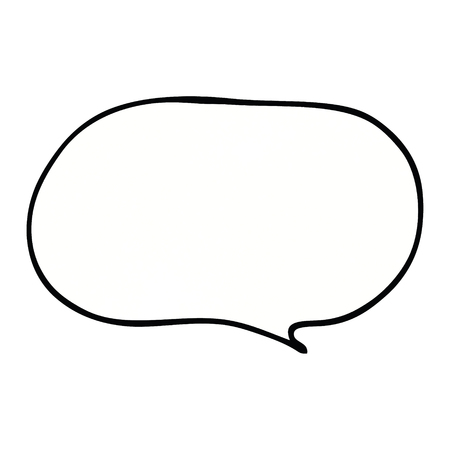
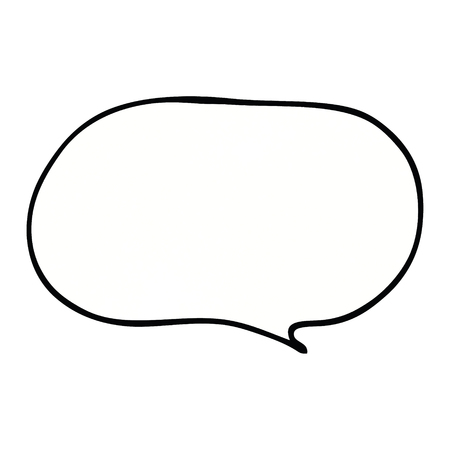
On utilise la calculatrice pour obtenir une valeur approchée du résultat.



**Partie 3 : Calculer une longueur**

Théorème de Pythagore :

Si un triangle ABC est rectangle en A, alors on a :



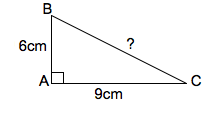
Dans un triangle rectangle,

le carré de l’hypoténuse…

… est égal à la somme des carrés des deux autres côtés.

[*https://www.asterix.com*](https://www.asterix.com)

Méthode : Appliquer le théorème de Pythagore pour calculer la longueur de l’hypoténuse

 **Vidéo** [**https://youtu.be/M9sceJ8gzNc**](https://youtu.be/M9sceJ8gzNc)

ABC est un triangle rectangle en A tel que AB = 6 cm et AC = 9 cm.

Calculer BC. Donner la valeur exacte et l’arrondi au dixième de cm.

**Correction**

Je sais que le triangle ABC est rectangle en A.

Son hypoténuse est le côté [BC].

D’après le théorème de Pythagore, on a :

BC2 = AB2 + AC2

BC2 = 62 + 92

BC2 = 36 + 81

BC2 = 117

BC = cm ← Valeur exacte

BC 10,8 cm ← Valeur arrondie au dixième de cm

Méthode : Appliquer le théorème de Pythagore pour calculer la longueur d’un côté de l’angle droit

 **Vidéo** [**https://youtu.be/9CIh6GGVu\_w**](https://youtu.be/9CIh6GGVu_w)

 **Vidéo** [**https://youtu.be/gBuzFW\_GlGc**](https://youtu.be/gBuzFW_GlGc)

CDE est un triangle rectangle en C tel que CE = 5 cm et ED = 8 cm.

Calculer CD. Donner la valeur exacte et l’arrondi au dixième de cm.

**Correction**

Je sais que le triangle CDE est rectangle en C.

Son hypoténuse est le côté [ED].

J’utilise l’égalité de Pythagore, donc :

ED2 = CE2 + CD2

82 = 52 + CD2

64 = 25 + CD2

CD2 = 64 – 25

CD = cm ← Valeur exacte

CD 6,2 cm ← Valeur arrondie au dixième de cm



Hors du cadre de la classe, aucune reproduction, même partielle, autres que celles prévues à l'article L 122-5 du code de la propriété intellectuelle, ne peut être faite de ce site sans l'autorisation expresse de l'auteur.

[*www.maths-et-tiques.fr/index.php/mentions-legales*](http://www.maths-et-tiques.fr/index.php/mentions-legales)