LONGUEURS

Tout le cours en vidéo : https://youtu.be/WPrr9ov_Hfw

Le Mètre : A l'origine, 1 mètre est défini comme la distance séparant le pôle Nord de l'équateur divisée par 10 000 000. La tâche de mesurer ce quart de méridien est donnée à deux astronomes français : Jean-Baptiste Delambre et Pierre Méchain. La mesure se fera en *toises*.

Exemples d'unités plus anciennes : le pouce, le pied, le empan (largeur main), la coudée (longueur coude-main), la toise (environ 4m), ...

Partie 1: Le segment et la demi-droite

1) Le segment

Vient du latin « secare » = couper

<u>Définition</u>: Un morceau de droite limité par deux points s'appelle un **segment**. Ces points s'appellent les **extrémités** du segment.

Exemple:

Le segment ci-dessous se note [AB] et sa longueur est AB = 4 cm.



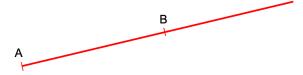
Remarque: On écrit « AB = 4 cm » et non pas « [AB] = 4 cm ».

2) La demi-droite

Définition:

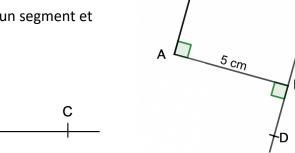
Un morceau de droite limitée d'un seul côté par un point s'appelle une **demi-droite**. Ce point s'appelle l'**origine** de la demi-droite.

Exemple: La demi-droite ci-dessous se note [AB).



Méthode: Utiliser les notations en géométrie

- Vidéo https://youtu.be/tNSF1F3AMHo
- Vidéo https://youtu.be/s-KelQ875a8
- a) Nommer une droite, une demi-droite, un segment et sa longueur.
- b) Compléter par ∈ ou ∉ :
 - B ... [AC]
 - A ... [BC]
 - A ... (BC)
 - A ... [BC)



Correction

a) Droite: (BD)

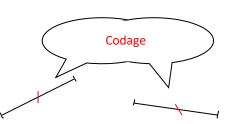
Demi-droite : [AC) Segment : [AB]

Longueur : AB = 5 cm

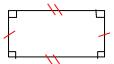
- b) B ∈ [AC]
 - A ∉ [BC]
 - A ∈ (BC)
 - A ∉ [BC)

3) Segments de même longueur

Deux segments ont la même longueur lorsqu'on peut les superposer.



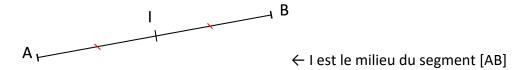
Exemple du rectangle :



4) Milieu d'un segment

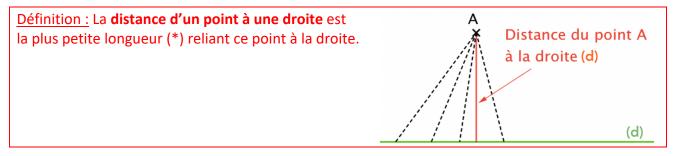
<u>Définition</u>: Le **milieu** d'un segment est le point qui appartient au segment et qui le partage en deux segments de même longueur.

Exemple:



Yvan Monka – Académie de Strasbourg – <u>www.maths-et-tiques.fr</u>

Partie 2 : Distance d'un point à une droite



(*) Propriété : Cette longueur est celle du segment perpendiculaire à la droite.

A

(d)

H

AH est la distance du point A à la droite (d).

<u>Méthode</u>: Mesurer la distance d'un point à une droite

Vidéo https://youtu.be/tUzoATZrAmc

Mesurer la distance du point A à la droite (d).

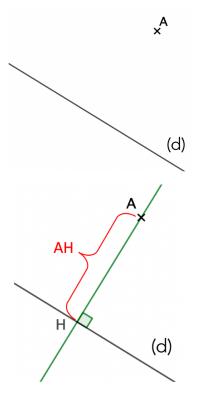
Correction

On commence par tracer la droite perpendiculaire à la droite (*d*) et passant par A.

Cette perpendiculaire coupe la droite (d) en H.

La distance du point A à la droite (d) est la distance AH.

On peut la mesurer AH à l'aide d'une règle graduée.



Partie 3: Médiatrice d'un segment

Activité de groupe : La ... du segment http://www.maths-et-tiques.fr/telech/MEDIAT_DECOUV.pdf

Découverte par Euclide au IIIe avant J.C., le mot est pourtant assez récent dans le langage des mathématiques. En 1923, une association de professeurs de mathématiques forment le mot en s'inspirant des mots « médiane » et « bissectrice ». « Media » désigne l'idée de milieu et « sectrice » celle de couper.





<u>Définition</u>: La **médiatrice** d'un segment est la droite qui passe par son milieu et qui lui est perpendiculaire.

2) Construction de la médiatrice à l'équerre

Méthode : Construire une médiatrice à l'aide de l'équerre

Vidéo https://youtu.be/aKy4oblcRCl

Construire la médiatrice du segment [AB].

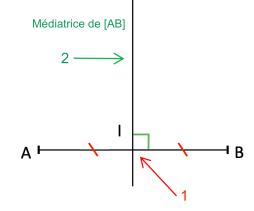


Correction

1 : On place le milieu I du segment [AB].

2 : On trace la perpendiculaire à [AB] passant par I.

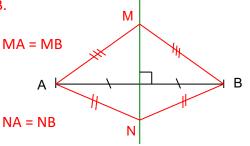
Cette perpendiculaire est la médiatrice du segment [AB].



3) Propriété de la médiatrice

<u>TP info</u>: « Propriété d'équidistance de la médiatrice » : http://www.maths-et-tiques.fr/telech/Prop mediat.pdf

<u>Propriété :</u> Tous les points situés sur la médiatrice de [AB] sont à égale distance de A et de B. On dit qu'ils sont **équidistants** de A et de B.



4) Construction de la médiatrice au compas

Méthode: Construire une médiatrice à l'aide du compas

Vidéo https://youtu.be/9CCbE3eMSqM

Construire la médiatrice du segment [AB].

Correction

Garder le même rayon pour les 2 arcs de cercle. →



- Construire deux arcs de cercle **de même rayon** et de centres A et B. Les arcs de cercle se coupent en E.
- De l'autre côté du segment [AB] : construire deux arcs de cercle **de même rayon** et de centres A et B. Les arcs de cercle se coupent en F.

• La médiatrice de [AB] est la droite (EF).

Garder le même rayon pour les 2 arcs de cercle. ightarrow





Hors du cadre de la classe, aucune reproduction, même partielle, autres que celles prévues à l'article L 122-5 du code de la propriété intellectuelle, ne peut être faite de ce site sans l'autorisation expresse de l'auteur.

www.maths-et-tiques.fr/index.php/mentions-legales